

Código	FGA-23 v.03
Página	1 de 8

FACULTAD: <u>CIENCIAS BÁSICAS</u>			
PROGRAMA: FISICA			
DEPARTAMENTO	DE:FÍSICA Y	<u>GEOLOGÍA</u>	
CURSO Fisicom	atemática I	CÓDIGO:	157223
ÁREA: Formación profesional			
REQUISITOS:	R-157007	CORREQUISITO:	
CRÉDITOS:	4	TIPO DE CURSO:	Teórico
FECHA ÚLTIMA A	ACTUALIZACIÓN	JULIO 2020	

JUSTIFICACIÓN

Los métodos vectoriales han llegado a ser herramientas fundamentales para los físicos. La expresión de las leyes físicas en un lenguaje sencillo y accesible es muy importante para comprender las mismas, el lenguaje que proporciona el análisis vectorial y tensorial es ideal para sintetizar una gran cantidad de conceptos y modelos físicos y matemáticos.

OBJETIVO GENERAL

Proporcionar al estudiante una formación sólida en ciertas áreas de la matemática de especial importancia en la formulación y solución de problemas físicos, tales como el análisis vectorial y tensorial, el álgebra matricial y la teoría de series.

OBJETIVOS ESPECIFICOS

- ✓ Tener los conocimientos necesarios, así como las herramientas matemáticas para expresar problemas en el lenguaje vectorial, y en una primera aproximación, entender y manipular el lenguaje tensorial en un nivel cartesiano.
- ✓ Adquirir habilidades básicas para manipular el lenguaje tensorial.
- ✓ Entender el concepto de derivación covariante y contravariante.
- ✓ Desarrollar la noción de espacio vectorial y mostrar la dualidad entre el espacio de matrices y el espacio de las transformaciones lineales.
- ✓ Desenvolver elementos básicos teóricos para comprender el problema de diagonalización de matrices

COMPETENCIAS

- Utiliza los conceptos básicos de los espacios vectoriales.
- ✓ Utiliza las funciones especiales y los métodos de las ecuaciones diferenciales parciales para resolver problemas de la física y argumenta los pasos seguidos.
- ✓ Utiliza el concepto de transformaciones lineales, así como Eigenvalores, Eigenvectores y transformaciones lineales



Código	FGA-23 v.03
Página	2 de 8

UNIDAD 1: ANALISIS VECTORIAL

TEMA	HORAS DE CONTACTO DIRECTO	HORAS DE TRABAJO INDEPENDIENTE DEL ESTUDIANTE
1. Definiciones	4	8
Rotación de los ejes de coordenadas:	•	- C
3. Invarianza a la rotación de:		
✓ Producto punto o escalar		
✓ Producto cruz o vectorial	4	8
4. Producto triple escalar y producto triple vectorial e	7	
interpretación geométrica y física		
5. Diferenciación vectorial		
6. Operadores Diferenciales: Concepto e		
interpretación física de:		
✓ Gradiente		
✓ Divergencia	4	8
✓ Rotacional		
✓ Laplaciano		
7. Identidades vectoriales		
8. Integración vectorial: concepto y definición de		
operadores diferenciales usando integrales		
9. Teorema de la divergencia: gauss	6	12
10.Teorema de Stokes		12
11.Teoría potencial: potencial escalar y potencial vectorial		

UNIDAD 2: ANÁLISIS VECTORIAL EN COORDENADAS GENERALIZADAS

TEMA	HORAS DE CONTACTO DIRECTO	HORAS DE TRABAJO INDEPENDIENTE DEL ESTUDIANTE
Coordenadas curvilíneas generalizadas: vector unitario, factores de escala, cuadrado de la distancia entre dos puntos vecinos	4	8
Coordenadas ortogonales, elementos de longitud, superficie y volumen		
 3. Operadores diferenciales en coordenadas curvilíneas ortogonales (CCO): ✓ Gradiente en CCO ✓ Divergencia en CCO ✓ Laplaciano en CCO ✓ Rotacional en CCO 	4	8
 4. Sistema de coordenadas especiales: En Coordenadas cilíndricas circulares ✓ Vector posición ✓ Vectores unitarios ✓ Tensor métrico ✓ Diferencial de longitud ✓ Diferencial de área ✓ Diferencial de volumen ✓ Matriz de transformación de coordenadas ✓ Vector posición 	4	8



Código	FGA-23 v.03
Página	3 de 8

✓ Vector velocidad✓ Vector aceleración		
 5. En Coordenadas esféricas polares: ✓ Vector posición ✓ Vectores unitarios ✓ Tensor métrico ✓ Diferencial de longitud ✓ Diferencial de área ✓ Diferencial de volumen ✓ Matriz de transformación de coordenadas ✓ Vector posición ✓ Vector velocidad ✓ Vector aceleración 	4	8

UNIDAD 3: TENSORES

TEMA	HORAS DE CONTACTO DIRECTO	HORAS DE TRABAJO INDEPENDIENTE DEL ESTUDIANTE
 1. Análisis tensorial: transformación general de coordenadas ✓ Tensores covariantes, ✓ Tensores contravariantes ✓ Tensores mixtos 	4	8
 2. Operaciones con Tensores: ✓ Adición y sustracción ✓ Convención de suma ✓ Simetría y antisimetría ✓ Conservación de la propiedad de simetría ✓ Producto externo ✓ Contracción de índices ✓ Multiplicación interna o producto directo ✓ Regla del cociente 	4	8
3. Elemento de línea y tensor métrico 4. Tensor recíproco o conjugado del tensor métrico 5. Tensores Asociados	4	8

UNIDAD 4: DETERMINANTES Y MATRICES

TEMA	HORAS DE CONTACTO DIRECTO	HORAS DE TRABAJO INDEPENDIENTE DEL ESTUDIANTE
1. Determinantes	2	4
 2. Matrices Ortogonales: ✓ Matriz de transformación, caso bidimensional y tridimensional ✓ Matriz inversa de la matriz de transformación ✓ Matriz transpuesta de la matriz de transformación ✓ Ángulos de Euler 	8	16



Código	FGA-23 v.03
Página	4 de 8

 ✓ Propiedades de Simetría ✓ Determinante de la matriz de transformación ✓ Transformación de Similaridad 		
3. Matriz compleja 4. Matrices Hermíticas 5. Matriz unitaria 6. Matriz Adiunta	2	4
6. Matriz Adjunta 7. Matrices Normales		
 Diagonalización de Matrices Matrices diagonalizables y algoritmo de diagonalización: Ejercicios de aplicación a la física 	6	12

METODOLOGIA

La asignatura se desarrollará utilizando la mayor cantidad de ejemplos y contraejemplos posibles de cada tema, se promoverá la participación activa de los estudiantes entregándoles material complementario en cada clase y dejando actividades para las sesiones siguientes, el cual deberá ser expuesto por los estudiantes.

Se asignarán unos temas que deberán ser preparados y expuestos por los estudiantes. En esta parte se espera que el estudiante identifique alguna relación entre el tema y algún problema de su formación profesional.

Algunas páginas de Internet deberán ser consultadas por los estudiantes en aras que puedan complementar y avanzar con buen ritmo en su aprendizaje.

SISTEMA DE EVALUACION

Dadas las características de esta asignatura, para evaluar al alumno se tiene en cuenta su participación activa en las clases, así como el cumplimiento con los talleres que se asignarán a medida que se vaya avanzando en los temas. En pro de ver las competencias del estudiante también se aplicará las dos evaluaciones y el examen final establecido por la universidad, así como las actividades asignadas para desarrollar en forma individual. la ponderación de estos son las siguientes:

1er Parcial-20% -15% Actividades extraclase (trabajos sustentados, quices, etc)

2do Parcial-20% - 15% Actividades extraclase (trabajos sustentados, quices, etc)

Examen Final 20% -10% Actividades extraclase(trabajos sustentados, quices, etc)

BIBLIOGRAFÍA DISPONIBLE EN UNIDAD DE RECURSOS BIBLIOGRÁFICOS DE LA UNIVERSIDAD DE PAMPLONA

- ✓ G. Arfken and Weber. Mathematical Methods for physicists, Academic Press. 1968.
- ✓ E. Kreyszig. Matemáticas Avanzadas para Ingeniería. Limusa 1979.
- ✓ M.R. Spiegel. Matemáticas Superiores para Ingenieros y Científicos. Schawm, Mc Graw-Hill. 1975.
- ✓ M.R. Spiegel. Análisis vectorial. Schawm, Mc Graw-Hill. 1975.
- ✓ M.R. Spiegel. Variable compleja. Schawm, Mc Graw-Hill. 1975.
- ✓ D. Zill, Matematicas Avanzadas para ingeniería, Vol 2, 3ª Edición, Mc Graw-Hill.



Código	FGA-23 v.03
Página	5 de 8

BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTARIA

- ✓ MENZEL, Donald, Mathematical PHYSICS, Dover Publications, inc. New York, 1961.
- ✓ WEINBERGER, H. Ecuaciones diferenciales en derivadas parciales, Editorial Reverte, 1970.
- ✓ SPIEGEL, Murray, Advanced mathematics for enginess and scientists, Mc Graw Hill, 1999.
- ✓ KURMYSHEV, Evgnenil, Fundamentos de métodos matemáticos para física e ingeniería, Limusa, 2003.

DIRECCIONES ELECTRONICAS DE APOYO AL CURSO

- √ http://fisica.ru/dfmg/teacher/archivos/apuntes_de_algebra_vectorial_para_estudiant es_de_electromagnetismo.pdf
- ✓ http://www.esi2.us.es/DFA/CEMI/Teoria/Tema1.pdf
- √ http://es.wikipedia.org/wiki/C%C3%A1lculo_vectorial

NOTA: EN CADA UNA DE LAS UNIDADES EL DOCENTE DEBERA PROPONER MÍNIMO UNA LECTURA EN LENGUA INGLESA Y SU MECANISMO DE CONTROL

UNIDAD No. 1 NOMBRE DE LA UNIDAD: ANALISIS VECTORIAL									
COMPETENCIAS A DESARROLLAR									
CONTENIDOS	ACTIVI DA DES A DESAR ROLLA R POR EL PROFE SOR	HORAS CONTACT O DIRECTO	ACTIVIDADES A DESARROLLA R POR EL ESTUDIANTE	HORAS TRABAJO INDEPENDIE NTE	HORAS ACOMPAÑ AMIENTO AL TRABAJO INDEPEND IENTE	ESTRATE GÍAS DE EVALUACI ÓN QUE INCLUYA LA EVALUACI ÓN DEL TRABAJO INDEPEND IENTE			
1. Definiciones 2. Rotación de los ejes de coordenadas: 3. Invarianza a la rotación de: ✓ Producto punto o escalar ✓ Producto cruz o vectorial 4. Producto triple escalar y producto triple vectorial e interpretación geométrica y física 5. Diferencia ción vectorial 6. Operadores Diferenciales: Concepto e interpretación física de: ✓ Gradiente ✓ Divergencia	Clase Magistr al solució n de problem as	18	Revisión Bibliográfica del tema Solución de taller de ejercicios y problemas dejados por el docente.	36	9	Consultas sobre un tema específico de la bibliografí a. Evaluacio nes de problemas y ejercicios: Quices, defensa oral de ejercicios y presentaci ones			



Código	FGA-23 v.03			
Página	6 de 8			

✓	Rotacional			escrit
✓	Laplaciano			de
7.	Identidades			ejerc
	vectoriales			
8.	Integración			
	vectorial: concepto y			
	definición de			
	operadores			
	diferenciales usando			
	integrales			
9.	Teorema de la			
	divergencia: gauss			
10.	Teorema de Stokes			
11.	•			
	potencial escalar y potencial vectorial			

UNIDAD No. 2									
NOMBRE DE LA UNIDAD: ANÁLISIS VECTORIAL EN COORDENADAS GENERALIZADAS									
COMPETENCIAS A DESARROLL	AR								
CONTENIDOS	ACTIVIDA DES A DESARRO LLAR POR EL PROFESO R	HORA S CONT ACTO DIREC TO	ACTIVIDADES A DESARROLLA R POR EL ESTUDIANTE	HORAS TRABAJO INDEPEND IENTE	HORAS ACOMPAÑ AMIENTO AL TRABAJO INDEPEND IENTE	ESTRATE GÍAS DE EVALUACI ÓN QUE INCLUYA LA EVALUACI ÓN DEL TRABAJO INDEPEND IENTE			
1. Coordenadas curvilíneas generalizadas: vector unitario, factores de escala, cuadrado de la distancia entre dos puntos vecinos 2. Coordenadas ortogonales, elementos de longitud, superficie y volumen 3. Operadores diferenciales en coordenadas curvilíneas ortogonales (CCO): 4. Sistema de coordenadas especiales: En Coordenadas cilíndricas circulares	Clase Magistral solución de problemas		Revisión Bibliográfica del tema Solución de taller de ejercicios y problemas dejados por el docente.			Consultas sobre un tema específico de la bibliografía. Evaluacion es de problemas y ejercicios: Quices, defensa oral de ejercicios y presentacio nes escritas de ejercicios.			
Vector posición Vectores unitarios Tensor métrico Diferencial de longitud Diferencial de área Diferencial de volumen Matriz de transformación de coordenadas Vector posición Vector velocidad Vector aceleración		16		32	8				



Código	FGA-23 v.03				
Página	7 de 8				

5. En Coordenadas esféricas polares:			
 Vector posición 			
Vectores unitarios			
Tensor métrico			
Diferencial de longitud			
Diferencial de área			
Diferencial de volumen			
Matriz de transformación			
de coordenadas			
 Vector posición 			
Vector velocidad			
Vector velocidad Vector aceleración			
• V COLOT GOCICIGOIOTI			

UNIDAD No. 3								
NOMBRE DE LA UNIDAD: TENSORES								
COMPETENCIAS A DESARROLLAR								
CONTENIDOS	ACTIVIDA DES A DESARRO LLAR POR EL PROFESO R	HORAS CONTACT O DIRECTO	ACTIVIDADES A DESARROLLA R POR EL ESTUDIANTE	HORAS TRABAJO INDEPENDIE NTE	HORAS ACOMPAÑ AMIENTO AL TRABAJO INDEPEND IENTE	ESTRATE GÍAS DE EVALUACI ÓN QUE INCLUYA LA EVALUACI ÓN DEL TRABAJO INDEPEND IENTE		
1. Análisis tensorial: transformación general de coordenadas Tensores covariantes, Tensores contravariantes Tensores mixtos Coperaciones con Tensores: Adición y sustración Convencion de suma Simetría y antisimetría Conservación de la propiedad de simetría Producto externo Contracción de índices Multiplicación interna o producto directo Regla del cociente Elemento de línea y tensor métrico Tensores Asociados Tensores Asociados	Clase Magistral solución de problemas	12	Revisión Bibliográfica del tema Solución de taller de ejercicios y problemas dejados por el docente.	24	6	Consultas sobre un tema específico de la bibliografía. Evaluacion es de problemas y ejercicios: Quices, defensa oral de ejercicios y presentacio nes escritas de ejercicios.		



CódigoFGA-23 v.03Página8 de 8

UNIDAD No. 4									
NOMBRE DE LA UNIDAD:									
COMPETENCIAS A DESARROLLAR									
CONTENIDOS	ACTIVID A DES A DESARR OLLAR POR EL PROFES OR	HORAS CONTA CTO DIREC TO	ACTIVIDADES A DESARROLLA R POR EL ESTUDIANTE	HORAS TRABAJO INDEPENDIE NTE	HORAS ACOMPAÑ AMIENTO AL TRABAJO INDEPEND IENTE	ESTRATE GÍAS DE EVALUACI ÓN QUE INCLUYA LA EVALUACI ÓN DEL TRABAJO INDEPEND IENTE			
 Determinantes Matrices Ortogonales: Matriz de transformación, caso bidimensional y tridimensional Matriz inversa de la matriz de transformación Matriz transpuesta de la matriz de transformación Angulos de Euler Propiedades de Simetría Determinante de la matriz de transformación Transformación Transformación de Similaridad Matriz compleja Matrices Hermíticas Matriz Adjunta Matrices Normales Diagonalización de Matrices Matrices diagonalizables y algoritmo de diagonalización: Ejercicios de aplicación a la física 	Clase Magistral solución de problema s	18	Revisión Bibliográfica del tema Solución de taller de ejercicios y problemas dejados por el docente.	36	9	Consultas sobre un tema específico de la bibliografía. Evaluacion es de problemas y ejercicios: Quices, defensa oral de ejercicios y presentacio nes escritas de ejercicios.			